

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

ثانوية: ميلينا الخاصة-بئر خادم
دورة ماي 2023

مديرية التربية الجزائر-غرب
إمتحان بكالوريا تجريبية للتعليم الثانوي

الشعبة : علوم تجريبية

المدة : 03 سا و نصف

إختبار في مادة : الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (5 نقاط)

I. حل في C المعادلة ذات المجهول z التالية : $(z + 2)(z^2 + 2z + 4)(z^2 + 6z + 12) = 0$.

نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}; \vec{v})$, النقط D, C, B, A و E .

بحيث: $Z_A = -2$, $Z_B = -1 + i\sqrt{3}$, $Z_C = \overline{Z_B}$, D نظيرة B بالنسبة إلى A و $Z_E = \overline{Z_D}$.

1. أحسب كلا من : $|Z_B + 2|$, $|Z_C + 2|$, $|Z_D + 2|$ و $|Z_E - Z_A|$ ثم إستنتج أن النقط الأربعة D, C, B و E تنتمي إلى نفس الدائرة يطلب تعيين مركزها وطول نصف قطرها.

2. اكتب كلا من Z_A و Z_B على الشكل الأسّي. ثم تحقق أن $Z_D = -3 - i\sqrt{3}$.

3. بين أن العدد : $\left(\frac{Z_A}{2}\right)^{2022} + \left(\frac{Z_B}{2}\right)^{2022}$ حقيقي موجب.

4. R الدوران الذي مركزه A ويحول B إلى E , اكتب عبارة الدوران R .

5. لتكن النقطة K بحيث $Z_K = -Z_C$ أثبت أن النقط O, K و C في إستقامة.

6. أحسب $\frac{Z_K - Z_B}{Z_C - Z_B}$ ثم إستنتج طبيعة المثلث KBC .

التمرين الثاني: (4 نقاط)

يحتوي كيس U على 4 كريات مرقمة بـ: $1; 0; 0; -1$

ويحتوي كيس V على 3 كريات مرقمة بـ: $1; 1; 0$.

نرمي زهرة نرد متوازنة. إذا تحصلنا على احد الرقمين 1 أو 6 نسحب عشوائيا في آن واحد كرتين من الكيس U وفي بقية الحالات نسحب عشوائيا على التوالي بدون إرجاع كرتين من الكيس V .

1. نعتبر الحوادث التالية :

(أ) الحادثة A : سحب كرتين مجموع رقيهما يساوي 0.

(ب) الحادثة B : سحب كرتين مجموعهما يساوي 1 .

$$\text{بين أن } P(A) = \frac{1}{9} \text{ و } P(B) = \frac{5}{9}$$

2. ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب كرتين مجموع الرقين المسحوبين

(أ) برر أن قيم المتغير العشوائي X هي : $X = \{-1; 0; 1; 2\}$

(ب) عرف قانون الإحتمال للمتغير العشوائي X . ثم أحسب امله الرياضي.

(ج) إستنتج أن: $E(2025X + 223) = 2023$ ثم أحسب $P(X^2 - X - 2 = 0)$.

التمرين الثالث: (4 نقاط)

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة على \mathbb{N} ب: $u_0 = 6$ و $u_{n+1} = (\frac{\alpha+1}{2})u_n + \alpha - 2$ حيث α عدد حقيقي.

1. (أ) أوجد قيمة العدد الحقيقي α حتى تكون (u_n) متتالية حسابية.

(ب) أوجد قيمة العدد الحقيقي α حتى تكون (u_n) متتالية هندسية.

2. في بقية التمرين نضع $\alpha = 0$.

(أ) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n > -4$.

(ب) أدرس إتجاه تغير المتتالية (u_n) , ثم إستنتج انها متقاربة.

3. لتكن المتتالية (v_n) المعرفة على \mathbb{N} ب: $v_n = \ln(u_n + 4)$.

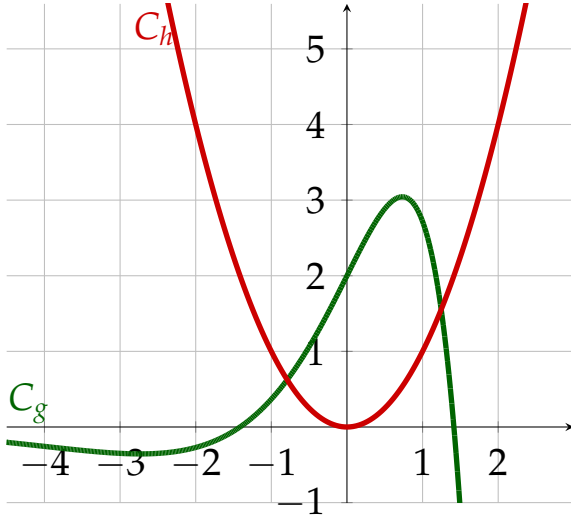
(أ) بين أن (v_n) متتالية حسابية أساسها $\ln\left(\frac{1}{2}\right)$ ثم أحسب حدها الأول v_0 .

(ب) أكتب v_n بدلالة n ثم إستنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n = \frac{10}{2^n} - 4$.

(ج) إستنتج نهاية (u_n) .

(د) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $(u_0 + 4)(u_1 + 4) \times \dots \times (u_n + 4) = \left(\frac{10}{2^{\frac{n}{2}}}\right)^{n+1}$

التمرين الرابع: (7 نقاط)



I. g و h دالتان عدديتان معرفتان على \mathbb{R} بـ:

$$\begin{cases} g(x) = (2 - x^2)e^x \\ h(x) = x^2 \end{cases}$$

(C_h) و (C_g) تمثيلهما البيانيان على الترتيب كما هو مبين في الرسم المقابل.

نقبل أن المعادلة $g(x) = h(x)$ تقبل حلين متميزين α و β بحيث:

$$-0.8 < \alpha < -0.7 \quad \text{و} \quad 1.2 < \beta < 1.3$$

1. بيانيا: ادرس الوضع النسبي لـ (C_h) و (C_g) .

2. إستنتج إشارة $g(x) - h(x)$.

II. f دالة عددية معرفة على $D = \mathbb{R}$ بـ: $f(x) = \frac{e^x + x^2 + x}{e^x - x}$. (C_f) تمثيلها البياني.

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم فسر النتائج بيانيا إن أمكن.

2. (أ) بين أنه من اجل كل عدد حقيقي x من D : $f'(x) = \frac{g(x) - h(x)}{(e^x - x)^2}$.

(ب) أدرس إتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

3. أنشئ (C_f) . (يعطى $f(\alpha) = 0.23$ و $f(\beta) = 2.81$)

III. G دالة معرفة بـ: $G(x) = e^x(ax^2 + bx + c) + k$ مع $(a; b; c; k) \in \mathbb{R}^4$.

1. أوجد عبارة $G(x)$ علما أن G أصلية لـ g و $G(0) = 0$.

2. أحسب مساحة الحيز المحصور بين (C_g) والمستقيمات $y = 0$ و $x = 0$ و $x = \beta$.

إنهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (5 نقط)

$$I. \alpha \text{ و } \beta \text{ عددين مركبين ، حل في المجموعة } C \text{ الجملة } \begin{cases} \alpha + \beta = -1 \\ \bar{\alpha} - \bar{\beta} = 3 - 2i \end{cases}$$

II. نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}; \vec{v})$, النقط A, B, C التي لواحقتها على الترتيب $2 + 2i$ ، $\sqrt{2} + i\sqrt{6}$ ، و $-\sqrt{2} - i\sqrt{6}$.

1. أكتب كل من Z_A و Z_B على الشكل الأسّي.

2. بين أن C هي صورة B بتحويل نقطي بسيط يطلب تعيين عناصره.

3. إستنتج أن النقط C, B و O في إستقامة.

4. أكتب $\frac{Z_B}{Z_A}$ على الشكلين الجبري ثم الأسّي

5. إستنتج القيمة المضبوطة لـ $\cos \frac{\pi}{12}$ و $\sin \frac{\pi}{12}$

6. عين مجموعة النقط M من المستوي ذات اللاحقة z حيث: $|i(\bar{z} - 2) - 2| = 3$

التمرين الثاني: (4 نقاط)

يحتوي كيس على 4 كريات خضراء مرقمة بـ $1; 1; 0; -1$ و 3 كريات حمراء مرقمة بـ $1; 0; 0$ و كرتين بيضاوين مرقمتين بـ $0; -1$ كل الكرات متجانسة لانفرق بينها باللمس. نسحب عشوائيا وفي آن واحد 3 كرات من هذا الكيس.

1. أحسب إحتمال الحوادث التالية:

A: الحصول على كرات من نفس اللون . B: الحصول على كرات مجموع ارقامها يساوي 0.

C: الحصول على 3 كرات تشكل العلم الوطني الجزائري.

2. بين أن $P(A \cap B) = \frac{1}{42}$. هل الحدثان A و B مستقلان؟ برر جوابك.

3. إذا كان مجموع الأرقام يساوي 0. ما إحتمال أن تكون الكرات من نفس اللون؟.

4. ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب مجموع أرقام الكرات المسحوبة.

(I) اثبت أن : $X = \{-2; -1; 0; 1; 2; 3\}$ ثم عرف قانون الإحتمال لـ X.

$$(ب) \text{ بين أن : } E(X) = \frac{1}{3}$$

5. نجري اللعبة التالية: يربح اللاعب α دينار إذا سحب 3 كرات مجموعها أكبر من أو يساوي الصفر ويخسر 65 دينار إذا كان المجموع سالبا . أوجد قيمة α حتى تكون اللعبة عادلة.

التمرين الثالث: (4 نقاط)

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة على \mathbb{N} بـ : $u_0 = 2$ و $u_{n+1} = \frac{u_n - 1}{u_n + 3}$.

$$1. \text{ اوجد كل من } a \text{ و } b \text{ بحيث : } u_{n+1} = a + \frac{b}{u_n + 3}$$

$$2. \text{ في بقية التمرين نضع } a = 1 \text{ و } b = -4.$$

(أ) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n > -1$.

(ب) أدرس إتجاه تغير المتتالية (u_n) , ثم إستنتج انها متقاربة.

$$3. \text{ لتكن المتتالية } (v_n) \text{ المعرفة على } \mathbb{N} \text{ بـ : } v_n = \frac{1}{u_n + 1}.$$

(أ) بين أن (v_n) متتالية حسابية أساسها $\frac{1}{2}$ ثم أحسب حدها الأول v_0 .

(ب) أكتب كل من v_n و u_n بدلالة n .

(ج) إستنتج نهاية (u_n) .

(د) أحسب بدلالة n المجموع S_n حيث : $S_n = u_0 v_0 + u_1 v_1 + u_2 v_2 + \dots + u_n v_n$.

التمرين الرابع: (7 نقاط)

(I) g دالة عددية معرفة على $]0; +\infty[$ بـ : $g(x) = x \ln x - x - 1$.

1. أدرس تغيرات الدالة g على المجال $]0; +\infty[$ ثم شكل جدول تغيراتها.

2. بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α على المجال $[1; +\infty[$ ثم تحقق أن : $3.5 < \alpha < 3.6$.

3. إستنتج إشارة $g(x)$.

(II) f الدالة المعرفة على $]0; +\infty[$ كما يلي : $f(x) = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{1}{2}x^2 \ln x - x$.
 (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1. أحسب نهايات الدالة f عند أطراف مجموعة تعريفها.
2. بين أنه من اجل كل عدد حقيقي x موجب تماما: $f'(x) = g(x)$.
3. إستنتج إتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.
4. بين أن: $f(\alpha) = -\frac{(\alpha+1)^2-1}{4}$ وأعط حصرا للعدد $f(\alpha)$.
5. بين أن (C_f) يقبل نقطة إنعطاف يطلب تعيين إحداثياتها.
6. اوجد معادلة المماس (T) لـ (C_f) والذي يوازي المستقيم ذو المعادلة $y = -x + 1$.
7. بين أن (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها β حيث: $6.1 < \beta < 6.2$.
8. أرسم (C_f) .
9. ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة:
 $-3x^2 + 2x^2 \ln x = 4x + 4m$

(III)

1. بإستعمال التكامل بالتجزئة أحسب الدالة الأصلية لـ $x^2 \ln x$.
2. نسمي A مساحة الحيز المستوي المحدد بـ (C_f) والمستقيمات $y = 0$, $x = 1$, و $x = \alpha$.
بين أن : $A = \frac{1}{36}\alpha^2(5\alpha + 12) - \frac{29}{36}$

إنتهى الموضوع الثاني

تصحيح الموضوع الأول

التمرين الأول 05 ن

I. حلول المعادلة: $S = \{-2; -1 - i\sqrt{3}; -1 + i\sqrt{3}; -3 - i\sqrt{3}; -3 + i\sqrt{3}\}$ 0.125×5 ن

$$|Z_B + 2| = |Z_C + 2| = |Z_D + 2| = |Z_E - Z_A| = 2 \quad 1 \quad 0.125 \times 4$$

وبالتالي النقط الأربعة A, B, C, D و E تنتمي إلى نفس الدائرة التي مركزها A وطول نصف قطرها يساوي 2.

0.125 ن

2 الشكل الأسّي:

$$Z_B = 2e^{\frac{2\pi i}{3}} \quad 0.5$$

$$Z_A = 2e^{i\pi} \quad 0.5$$

$$Z_D = 2Z_A - Z_B = -3 - i\sqrt{3} \quad 0.5$$

$$\left(\frac{Z_A}{2}\right)^{2022} + \left(\frac{Z_B}{2}\right)^{2022} = e^{2022i\pi} + e^{1348i\pi} = 2 \quad 0.5$$

4 عبارة الدوران R

$$z' = \left(\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)z - 1 + i\sqrt{3} \quad 0.5$$

$$\frac{Z_K - Z_O}{Z_C - Z_O} = -1 \in \mathbb{R} \quad 0.5$$

$$\frac{Z_K - Z_B}{Z_C - Z_B} = \frac{\sqrt{3}}{3}e^{i\frac{\pi}{2}} \quad 0.5$$

ومن المثلث KBC قائم في B . 0.25 ن

تصحيح التمرين الثاني 04 ن

$$P(A) = \frac{1}{3} \left(\frac{C_1^1 \times C_1^1 + C_1^1 \times C_1^1}{6} \right) = \frac{1}{9} \quad (أ) \quad 0.5$$

$$P(B) = \frac{1}{3} \left(\frac{C_1^1 \times C_2^1}{6} \right) + \frac{2}{3} \left(\frac{2 \times A_2^1 \times A_1^1}{6} \right) = \frac{5}{9} \quad (ب) \quad 0.5$$

$$X = \{-1; 0; 1; 2\} \quad (أ) \quad 0.5$$

(ب) قانون الإحتمال 1 ن

X_i	-1	0	1	2
$P(X_i)$	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{5}{9}$	$\frac{2}{9}$

$$E(X) = \frac{8}{9} \quad 0.5$$

$$E(2025X + 223) = 2023 \quad (ج) \quad 0.5$$

$$P(X^2 - X - 2 = 0) = P(X = -1) + P(X = 2) = \frac{1}{3} \quad 0.5$$

تصحيح التمرين الثالث 04 ن

1 (أ) (u_n) حسابية $\alpha = 1$ 0.25 ن

(ب) (u_n) هندسية $\alpha = 2$ 0.25 ن

2 (أ) البرهان بالتراجع. 0.5 ن

(ب) (u_n) متناقصة تماما على \mathbb{N} . 0.25 ن

(u_n) متقاربة. 0.25 ن

3 (أ) (v_n) متتالية حسابية أساسها $\ln\left(\frac{1}{2}\right)$ 0.5 ن

حدها الأول $v_0 = \ln 10$. 0.25 ن

(ب) v_n بدلالة n $v_n = \ln 10 - n \ln 2$ 0.5 ن

$u_n = \frac{10}{2^n} - 4$ 0.25 ن

(ج) $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -4$ 0.5 ن

(د) $(u_0 + 4)(u_1 + 4) \times \dots \times (u_n + 4) = \left(\frac{10}{2^{\frac{n}{2}}}\right)^{n+1}$ 0.5 ن

تصحيح التمرين الرابع 07 ن

1 الوضع النسبي لـ (C_h) و (C_g)

(C_g) فوق (C_h) على المجال $]\alpha; \beta[$

وتحت (C_h) على كل من المجالين $]-\infty; \alpha[$ و $]\beta; +\infty[$

(C_g) يقطع (C_h) في النقطتين اللتان فاصلتهما α و β 0.75 ن

2 إشارة $g(x) - h(x)$ 0.75 ن

x	$-\infty$	α	β	$+\infty$	
$g(x) - h(x)$	$-$	0	$+$	0	$-$

.II

1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ 0.5 ن

التفسير: $y = 1$ مستقيم مقارب أفقي لـ (C_f) بجوار $+\infty$ 0.5 ن

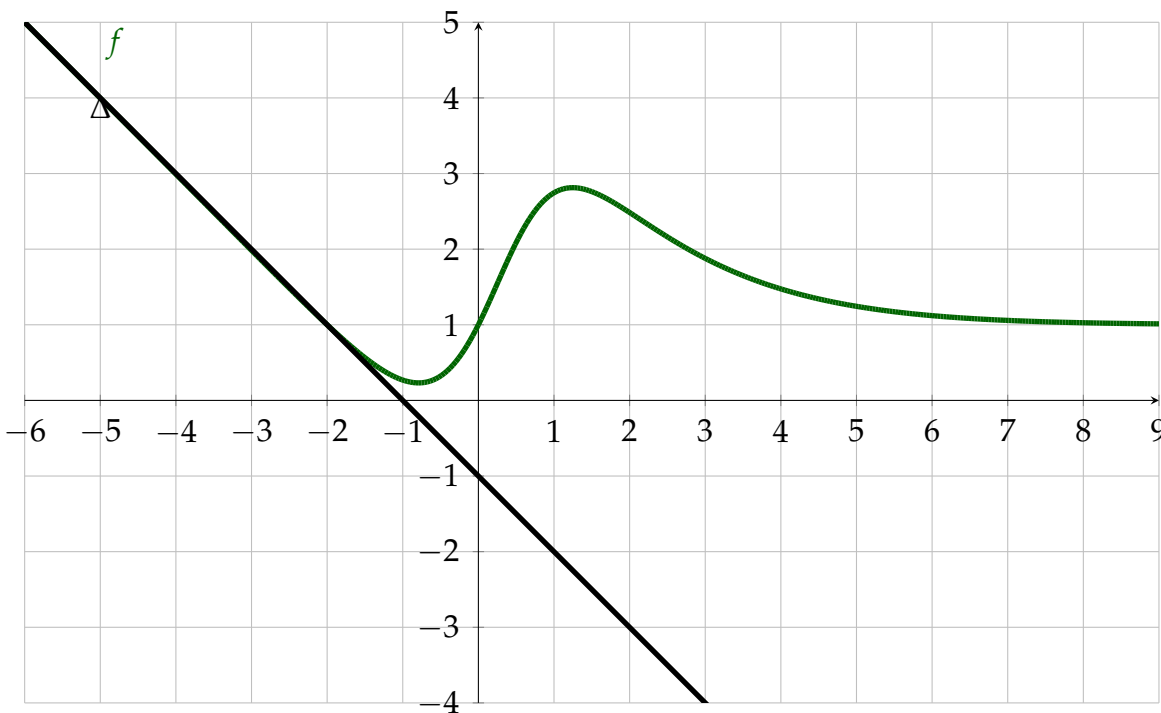
2. $f'(x) = \frac{g(x) - h(x)}{(e^x - x)^2}$ 1 ن

2 إتجاه التغير 0.5 ن

 f متزايدة تماما على المجال $[a; \beta]$ ومتناقصة تماما على كل من المجالين $]-\infty; \alpha]$ و $[\beta; +\infty[$ جدول تغيرات الدالة f 0.5 ن

x	$-\infty$	α	β	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	-
$f(x)$	$+\infty$	$f(\alpha)$	$f(\beta)$	1

3. الرسم. 1 ن



.III

1 0.5 ن $G(x) = (-x^2 + 2x)e^x$ 2 مساحة الحيز المحصور بين (C_g) والمستقيمات $x = \beta$ و $x = 0$; $y = 0$

$$S = \int_0^\beta g(x)dx = \frac{\beta^3(-\beta+2)}{2-\beta^2} UA$$

0.5 ن

إنتهى تصحيح موضوع الأول

تصحيح موضوع الثاني

تصحيح التمرين الأول 05 ن

0.25 ن $\beta = -1 - i$

0.25 ن $\alpha = 2 + i$

.II

0.5 ن $Z_B = 2\sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{3}}$

0.5 ن $Z_A = 2\sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{4}}$ 1

0.5 ن $Z_C = -Z_B$ ومنه C صورة B بالتحاكي الذي مركزه O ونسبته -1 2

0.5 ن بما أن C صورة B بالتحاكي الذي مركزه O ونسبته -1 فإن النقط B, C و O في إستقامية. 3

0.5 ن $\frac{Z_B}{Z_A} = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4} + i \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$ 4

0.5 ن $\frac{Z_B}{Z_A} = e^{i\frac{\pi}{12}}$

$$\begin{cases} \cos \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4} & 0.5 \text{ ن} \\ \sin \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4} & 0.5 \text{ ن} \end{cases}$$
 5

0.5 ن مجموعة النقط M هي الدائرة التي مركزها A وطول نصف قطرها $r = 3$ 6

تصحيح التمرين الثاني 04 ن

0.5 ن $P(A) = \frac{C_4^3 + C_3^3}{C_9^3} = \frac{5}{84}$ 1

0.25 ن $P(B) = \frac{C_4^3 + C_2^1 \times C_3^2 \times C_4^1}{84} = \frac{1}{3}$

0.25 ن $P(C) = \frac{C_2^1 \times C_3^1 \times C_4^1}{84} = \frac{2}{7}$

0.25 ن $P(A \cap B) = \frac{1}{42}$ 2

0.25 ن $P(A \cap B) \neq P(A) \times P(B)$ ومنه الحدثان A و B غير مستقلان. 3

0.25 ن $P_A(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{42}}{\frac{5}{84}} = \frac{2}{5}$ 3

0.25 ن $X = \{-2; -1; 0; 1; 2; 3\}$ (أ) 4

قانون الاحتمال 1.5 ن

X_i	-2	-1	0	1	2	3
$P(X_i)$	$\frac{1}{21}$	$\frac{5}{28}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{84}$

0.25 ن $E(X) = \frac{1}{3}$ (ب)

5) اللعبة عادلة أي: $E(x) = 0$

$$\alpha \times \left(\frac{1}{3} + \frac{2}{7} + \frac{1}{7} + \frac{1}{81} \right) - 65 \times \left(\frac{5}{28} + \frac{1}{21} \right) = 0$$

نجد في الأخير $\alpha = 19$ 0.25 ن

تصحيح التمرين الثالث 04 ن

1) $a = 1$ 0.25 ن $b = -4$ 0.25 ن

2) (أ) البرهان بالتراجع 0.5 ن

(ب) (u_n) متناقصة تماما على \mathbb{N} 0.5 ن (u_n) متقاربة. 0.25 ن3) (أ) (V_n) متتالية حسابية أساسها $\frac{1}{2}$ 0.5 ن

$$V_0 = \frac{1}{3} \quad 0.25 \text{ ن}$$

$$V_n = \frac{1}{3} + \frac{1}{2}n \quad (\text{ب}) \quad 0.5 \text{ ن}$$

$$u_n = \frac{1}{V_n} - 1 = \frac{1}{\frac{1}{3} + \frac{1}{2}n} - 1 \quad 0.25 \text{ ن}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -1 \quad (\text{ج}) \quad 0.5 \text{ ن}$$

$$S_n = \frac{1}{2} \left(-\frac{1}{2}n^2 + \frac{5}{6}n + \frac{4}{3} \right) \quad (\text{د}) \quad 0.25 \text{ ن}$$

تصحيح التمرين الرابع 07 ن

(I)

1) النهايات 0.5 ن

التغيرات: g متناقصة تماما على المجال $[0; 1]$ ومتزايدة تماما على المجال $[1; +\infty[$ 0.5 ن

جدول التغيرات 0.5 ن

x	0	1	$+\infty$
$g'(x)$	-	0	+
$g(x)$	-1	-2	$+\infty$

2) مبرهنة القيم المتوسطة. 0.5 ن

3) إشارة $g(x)$. 0.25 ن

x	0	α	$+\infty$
$g(x)$	-	0	+

(II)

0.25 ن $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0$

0.25 ن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$.1

0.5 ن $f'(x) = g(x)$.2

0.5 ن f متناقصة تماما على المجال $]0; \alpha]$ ومتزايدة تماما على المجال $[\alpha; +\infty[$.3

0.5 ن جدول تغيرات الدالة f

x	0	α	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	0	$f(\alpha)$	$+\infty$

0.25 ن $f(\alpha) = -\frac{(\alpha+1)^2 - 1}{4}$.4

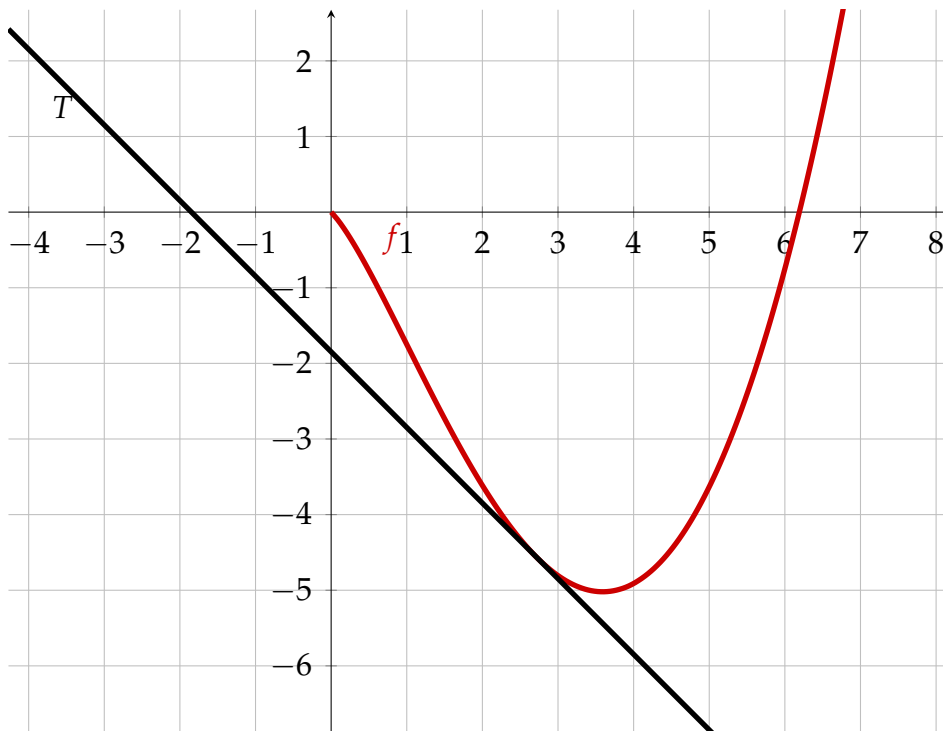
0.25 ن الحصر $-5.04 < f(\alpha) < -4.81$

0.25 ن $A(1; -\frac{7}{4})$ يقبل نقطة إنعطاف عند (C_f) .5

0.25 ن معادلة المماس $(T) : y = -x - \frac{e^2}{4}$.6

0.25 ن مبرهنة القيم المتوسطة .7

0.5 ن الرسم .8



9. المناقشة البيانية من الشكل $f(x) = m$ افقية. **0.25 ن**

$$\begin{aligned} m &< -\frac{e^2}{4} \text{ لا يوجد حلول} \\ m &= -\frac{e^2}{4} \text{ يوجد حل وحيد. (مضاعف)} \\ -\frac{e^2}{4} &< m < 0 \text{ حلين مختلفين.} \\ m &\geq 0 \text{ حل وحيد.} \end{aligned}$$

(III)

1. الدالة الأصلية لـ $x^2 \ln x$ هي $\frac{1}{3}x^3 \ln x - \frac{x^3}{9} + c_1$ **0.5 ن**

$$2. F(x) = \frac{1}{36}(-11x + 6x \ln x - 18) + c_2$$

f سالبة على المجال $[1; \alpha]$

$$A = \int_1^\alpha -f(x)dx = \frac{1}{36}\alpha^2(5\alpha + 12) - \frac{29}{36}UA$$

0.25 ن

إنهى تصحيح موضوع الثاني